



DEVOIR N°1 DE MATHÉMATIQUES



DURÉE : 03H

NIVEAU : 2NDE S

EXERCICE 1 : (06,5 Points)

1) Ecrire les nombres suivants à l'aide de puissances entières :

$$A = \frac{(5^2 \times 3^6)^{-3}}{(5^{-2} \times 3^{-5})^2} \div \sqrt{\frac{3^7 \times 5^{10}}{(5^2 \times 3^{-3})^3}} ; B = \frac{0,081 \times 0,36 \times 2560}{0,144 \times 2,16 \times 64} ; C = \frac{\frac{3}{5} + \frac{2}{3}}{\frac{3}{5} - \frac{2}{3}} \times \frac{\frac{4}{5} - \frac{3}{4}}{\frac{4}{5} + \frac{3}{4}} \div \frac{2 + \frac{5}{6}}{2 - \frac{5}{6}}$$

2) Soit a, b et c des nombres réels non tous nuls tels que $a \neq b, a \neq 1, a \neq -1$. Simplifier :

$$C = \frac{a^8 b^6 c^4 - a^3 b^2 c}{a^{10} b^8 c^6 - a^5 b^4 c^3}$$

$$D = [a - (1 - a)^{-1}]^{-1} \times \left[\frac{a(a-2)+1}{a^2-a+1} \right]^{-1}$$

$$E = \frac{2b^2 + 4ab - 12a^2}{3(a^2 - b^2)} + \frac{2a-b}{a-b} + \frac{7a}{3(a+b)}$$

$$F = \sqrt{\frac{4^8 + 8^8}{4^7 + 8^2}}$$

EXERCICE 2 : (08 Points)

1) Montrer que : $2^{32} - 1 = (2^{16} + 1)(2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2 + 1)$

2) Soit x et y deux réels.

a) Démontrer que : $|x + y| \leq |x| + |y|$

b) On donne : $x^{4036} + y^{4036} = (x^2 + y^2)(xy)^{2017}$

$$\text{Montrer que : } \left(\frac{x}{y}\right)^{2018} + \left(\frac{y}{x}\right)^{2018} = \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$$

c) En déduire que :

$$\left[\left(\frac{x}{y}\right)^{2018} - \frac{x}{y} \right] \left[1 - \left(\frac{y}{x}\right)^{2019} \right] = 0$$

3) Soit n un entier naturel.

a) Ecrire sans radical au dénominateur le réel $A = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$

b) En déduire une écriture simple de :

$$C = \frac{1}{1} + \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{1}} + \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{4} + \sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{100} + \sqrt{99}}$$

EXERCICE 3 : (05,5 Points)

1) Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

a) $|-6x + 4| = 7$; b) $|3x - 13| = -5x + 2$; c) $|2x + 4| + |-x + 3| = 5x + 6$

2) Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

a) $\left| -\frac{3}{5}x + 4 \right| \leq \frac{11}{6}$

b) $\left| \frac{2}{3}x + 4 \right| \leq 0$

c) $|-x + 4| > 3x - 2$